

ملاحظة: الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .
 من 1 : A- أعلن صاحب محل لبيع الدراجات الهوائية أنه يوجد لديه (5) أنواع من الدراجات ، ومن كل نوع يوجد (3) أحجام ، ومن كل حجم يوجد (6) دراجات ، فما عدد الدراجات في المحل ؟

B- جد نقاط النهايات العظمى أو الصغرى ومناطق التزايد والتناقص للدالة : $f(x) = 5 + 4x^3 - x^4$

من 2 : (A) لتكن : $f(x) = \begin{cases} 2ax + x^2 & x \geq 1 \\ 3x + a & x < 1 \end{cases}$ ، جد قيمة $a \in R$ التي تجعل الدالة مستمرة عند $x = 1$.

1) $\int_0^3 \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$

2) $\int (\sqrt{x} - \frac{3}{\sqrt[3]{x^2}} - 1) dx$: جد تكامل اثنين منا يأتي

3) $\int_{-1}^0 \frac{x^3 - 27}{x - 3} dx$

من 3 : A- جد الحد السادس في مفكوك : $(\frac{x^2}{2} - \frac{x}{3})^8$.

1) $f(x) = x^3 - 2x + \frac{3}{x^2 + 2}$

B- جد مشتقة اثنين منا يأتي : $f(x) = (x^2 - 3)^4$

3) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ، $x=0$

من 4 : أجب عن فرعين فقط منا يأتي :

1) $\frac{1}{210} [P_3^7 + P_4^7]$

2) $\binom{68}{8} \div C_{60}^{68}$

A- جد قيمة كلا من :

B- إذا كتبت $f(x) = ax^3 + bx$ ، لما قيمة $a, b \in R$ إذا علمت أن للدالة $f(x)$ نهاية محلية عند النقطة $(1, -2)$ ؟ وما نوع النهاية ؟

C- جد قيمة : $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{\sqrt{4x} - 4}$

من 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة n إذا علمت أن : $2P(n, 2) = 4!$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي هي $M' = 8 - 6V - 2V^2$ ، حيث V حجم الإنتاج ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة السعر .

C- ابحث استمرارية الدالة $f(x) = \frac{x}{x+1}$ عند $x = 3$.

من 6 : أجب عن فرعين فقط منا يأتي :

A- جد باستخدام التعريف مشتقة الدالة $f(x) = x^2 + 5x$ ، ثم جد $f'(3)$.

B- إذا علمت أن $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 2x - 15}{x - 5} = 3a - 4$ ، جد قيمة $a \in R$.

C- إذا كان عدد أسئلة امتحان ما هو (10) أسئلة ، وكان المطلوب حل (7) أسئلة منها على أن تختار (4) من الأسئلة الخمسة الأولى ، فبكم طريقة يمكن الإجابة ؟

أدي