

الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

١- A : كم كلمة مختلفة الحروف مكونة من ثلاثة حروف يمكن تكويها من بين حروف كلمة (سلسيل) ؟
B- جد مشتقة الدالة $f(x) = \sqrt{x}$ مستخدماً التعريف .

٢- A : جد قيمة ما يأتي :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3}$$

B- لتكن دالة الكلفة الكلية $C(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$ ، جد :

(1) دالة الكلفة الحدية .
(2) دالة معدل الكلفة الكلية .

٣- A : جد تكامل كل مما يأتي :

$$1) \int_{-1}^1 \sqrt{3x^5 - 2x^7} dx \quad 2) \int \frac{3x + 12}{(x + 4)^7} dx$$

B- إذا كانت $f(x) = ax^2 + bx + 3$ دالة ، وكانت $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 4$ ، $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 8$ ،

جد قيمتي $a, b \in R$.

٤ : أجب عن فرعين فقط :

A- يراد تشكيل لجنة من (6) أعضاء من بين (7) طلاب و (6) مدرسين ، فيكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة محتوية على (3) مدرسين فقط ؟

B- ارسم منحنى الدالة $f(x) = (x - 1)^3$ باستخدام معلوماتك في النفاصل .

C- إذا كانت

$$f(x) = \begin{cases} bx + 3 & x \geq 1 \\ 3x^2 + 1 & x < 1 \end{cases}$$

جد قيمة b الحقيقية إذا كانت $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ موجودة .

٥ : أجب عن فرعين فقط :

A- جد $f'(x)$ لكل مما يأتي :

1) $f(x) = \sqrt{(x^3 + 3x^2 - 3)^3}$

2) $f(x) = \frac{x}{x+1} + 6x$

B) جد مفكوك : $(2a - b)^4$.

C- إذا علمت أن : $\int_a^2 (3 + 2x) dx = 6$ ، جد قيمة $a \in R$.

6 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة n إذا كان :

$$2 \binom{n}{2} = \binom{n+1}{3}$$

B- ابحث استمرارية الدالة $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$ عند $x = 1$.

C- إذا كانت $f(x) = ax^3 + bx$ ، وكانت $f(x)$ تمتلك نهاية محلية عند النقطة $(1, -2)$ ، فما قيمة كلا من $a, b \in R$ ؟ ثم بين نوع هذه النهاية .