



الرقم الامتحاني :

- س 1 : A- ضع بالصيغة العادية ناتج : $(1 - \sqrt{2}i)^2 - (2 - \sqrt{2}i)^2$
B- مكعب طول حرفه $(9.98) \text{ cm}$ ، جد حجمه بصورة تقريبية وباستخدام مبرهنة القيمة المتوسطة .
س 2 : A- جد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه بؤرتي القطع الناقص $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$ ويمس دليل القطع المكافئ الذي معادلته $x^2 + 12y = 0$.

B- جد تكامل اثنين مما يأتي : 1) $\int \frac{\csc^2 \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$ 2) $\int \sin^4 x dx$ 3) $\int_{-3}^4 |x| dx$

س 3 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- حل المعادلة التفاضلية الآتية : $\frac{dy}{dx} = (x+1)(y-1)$

B- صفيحة مستطيلة الشكل من اسطوانة الـ $(192) \text{ cm}^2 / \text{s}$ يتناقص عرضها بمعدل $\frac{4}{3} \text{ cm} / \text{s}$ بحيث تبقى المساحة ثابتة ، جد معدل تمدد طول إحدى بؤرتي $(12) \text{ cm}$.

C- جد الجذور التكعيبية للعدد $(8i)$ باستخدام قسمة جبرية معاد

س 4 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- قطع ناقص معادلته $hx^2 + ky^2 = 36$ ومركزه القطب (60) ، وإحدى بؤرتيه هي بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته $y^2 = 4\sqrt{3}x$ ، قلنا قيمة كل من $h, k \in R$ ؟

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة $f(x) = \sin x$ ومحور السينات بالفترة $[\frac{-\pi}{2}, \pi]$.

C- بين أن $y = e^{2x} + e^{-3x}$ هو حلاً للمعادلة التفاضلية : $y'' + y' - 6y = 0$

س 5 : A) إذا كان المستقيم $3x - y = 7$ يمس المنحني $f(x) = ax^2 + bx + c$ ، عند النقطة $(2, -1)$ وكانت له نهاية محلية عند $x = \frac{1}{2}$ ، جد قيم $a, b, c \in R$ ، وما نوع النهاية المحلية ؟

B- جسم يتحرك على خط مستقيم بسرعة $V(t) = 3t^2 - 6t + 3$ ، جد
1) المسافة المقطوعة بالفترة $[2, 4]$. 2) الإزاحة المقطوعة بالفترة $[0, 5]$.

س 6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- اختبر تحقق مبرهنة القيمة المتوسطة للدالة $f(x) = x^3 - x - 1$ على الفترة $[-1, 2]$ ، وأن تحققت جد قيمة c .

B- جد مجموعة حلول المعادلة في \mathbb{C} حيث $Z^2 - 3Z + 1 + 3i = 0$

C- إذا كان للمنحني $f(x) = (x-3)^3 + 1$ نقطة انقلاب (a, b) ، جد القيمة العددية للمقدار :

$$\int_0^b f'(x) dx - \int_0^a f''(x) dx$$