



ملاحظة: الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

- س١ : A- جد المعادلة التربيعية ذات المعادلات الحقيقية وأحد جذريها  $\frac{2 + wi + w^2i}{1 - wi - w^2i}$
- B- متوازي سطوح مستطيلة قاعدته مربعة الشكل ارتفاعه ثلاثة أمثال طول قاعدته ، جد الحجم التقريبي له عندما يكون طول قاعدته  $(2.97 \text{ cm})$ .
- س٢ : A) قطع ناقص مركزه نقطة الأصل وقطع زائد نقطة تقاطع محوريه نقطة الأصل ، كل منهما يمر ببؤرة الآخر ، فإذا كانت معادلة القطع  $225 = (9x^2 + 25y^2)$  ، جد :  
1) مساحة القطع الناقص .  
2) محيط القطع الناقص .  
3) معادلة القطع الزائد .  
4) الاختلال المركزي لكل منهما .

$$B- \text{ إذا كان } f(x) = \begin{cases} 2x & \forall x \geq 3 \\ 6 & \forall x < 3 \end{cases}$$

$$\text{جد } \int_1^4 f(x) dx$$

- س٣ : A- جد الحل الخاص للمعادلة :  $xy' = \cos^2 y$  ، حيث  $x = 1$  ،  $y = \frac{\pi}{4}$
- B-  $(x)$  ،  $(y)$  مستويان متعامدان ،  $AB \subset (x)$  ،  $BC$  ،  $BD$  عموديان على  $AB$  ويقطعان  $(y)$  في  $C$  ،  $D$  على الترتيب . برهن على أن  $CD \perp (x)$
- س٤ : أجب عن فرعين فقط :

A- قطع مكافئ معادلته  $\frac{1}{4}y^2 = hx$  ، دليله يمر بالنقطة  $(-6, 3)$  ، جد  $(h)$  مع الرسم .

B- جد بعدي أكبر مستطيل يمكن رسمه داخل مثلث طول قاعدته  $(20 \text{ cm})$  وارتفاعه  $(12 \text{ cm})$  بحيث أن رأسين متجاورين من رؤوسه تقعان على القاعدة والرأسين الباقيين يقعان على ساقيه .

C- 1) جد  $\int \tan^3 2x dx$  .  
2) جد  $\frac{dy}{dx}$  لـ  $y = e^{x^2} \ln|2x|$

س٥ : أجب عن فرعين فقط :

A- جد حل المعادلة الآتية باستخدام نتيجة مبرهنة دي موافر  $\frac{x^3}{3} - 9i = 0$

B- جد نقطة تنتمي للدائرة  $x^2 + y^2 + 4x - 8y = 108$  والتي عندها يكون المعدل الزمني لتغير  $(x)$  يساوي المعدل الزمني لتغير  $(y)$  بالنسبة للزمن  $(t)$  .

C- جد المساحة المحددة بالدالتين  $y = \frac{1}{2}x$  ،  $y = \sqrt{x-1}$  وعلى الفترة  $[2, 5]$  .

س٦ : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- حل المعادلة التفاضلية :  $2x^2 \frac{dy}{dx} = x^2 + y^2$

B- عيّن قيمتي الثابتين  $a, b$  لكي يكون لمنحني الدالة  $y = x^3 + ax^2 + bx$  نهاية عظمى محلية عند  $x = -1$  ونهاية صغرى محلية عند  $x = 2$  ، ثم جد نقطة الانقلاب .

C- ( إذا رسم مانلان من نقطة ما إلى مستوي فأصغرهما ميلا هو الأطول ) ، برهن ذلك .