



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الاجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A- حل المعادلة التربيعية  $Z^2 - 2Zi + 3 = 0$  ، وهل جذراها مترافقان ؟

B- جد معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه هما بؤرتي القطع الزائد الذي معادلته  $x^2 - 3y^2 = 12$  والنسبة بين طولي محوري القطع الناقص يساوي  $\frac{5}{3}$  ومركزه نقطة الاصل .

س2 : A- جد المقياس والقيمة الأساسية للعدد  $Z = \frac{4 + 2iw + 2iw^2}{3 - iw^2 - iw}$

B- جد معادلة المستقيم الذي يمر من النقطة (6, 8) والذي يصنع مع المحورين في الربع الأول اصغر مثلث .

س3 : اجب عن فرعين فقط :

A- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $y = \sin x$  و  $g = \cos x$  حيث  $x \in [\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$  .

B- بين ان  $y = e^{2x} + e^{-3x}$  هو حلاً للمعادلة التفاضلية  $y'' + y' - 6y = 0$  .

C- إذا كانت (6) تمثل نهاية صغرى محلية لمنحنى الدالة  $f(x) = 3x^2 - x^3 + c$  ، فجد قيمة  $c \in R$  .

س4 : اجب عن فرعين فقط :

A- مكعب طول حرفه  $(9.98) \text{ cm}$  ، جد حجمه بصورة تقريبية باستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة .

B- حل المعادلة التفاضلية :  $x \cos^2 y dx + \tan y dy = 0$

C-  $(x)$  ،  $(y)$  مستويان متعامدان  $AB \subset (x)$  و  $BC, BD$  عموديان على  $AB$  ويقطعان  $(y)$  في

$C, D$  على الترتيب ، برهن ان  $CD \perp (x)$  .

س5 : A- جد الجذور التربيعية للعدد  $(8i)$  .

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{\cos x} \sin x dx$$

$$2) \int_{-2}^4 |3x - 6| dx$$

س6 : اجب عن فرعين فقط :

A- ( كل مستوٍ مار بمستقيم عمودي على مستوٍ آخر يكون عمودياً على ذلك المستوي ) ، برهن ذلك .

B- جسم يتحرك على خط مستقيم بتعجيل مقداره  $(4t + 12) \text{ m/s}^2$  ، وكانت سرعته بعد مرور (4) ثواني

تساوي  $(90) \text{ m/s}$  ، احسب : (1) السرعة عندما  $t = 2$  .

(2) المسافة خلال الفترة  $[1, 2]$  .

$$C- اثبت ان :  $\frac{1}{(2-i)^2} - \frac{1}{(2+i)^2} = \frac{8}{25} i$$$