



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A- جد قيم  $x, y$  الحقيقيتين والتي تحقق المعادلة  $(x + 2i)(x - i) = \frac{121 + 9y^2}{11 + 3yi}$

B-  $F_1$  بؤرة القطع المكافئ  $x^2 + 24y = 0$  ،  $F_2$  هي بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته  $y^2 = 32x$  ،  
جد معادلة القطع الزائد الذي إحدى بؤرتيه  $F_2$  وطول محوره المرافق يساوي طول  $\overline{F_1 F_2}$

س2 : A- عمود طوله  $7.2 m$  في نهاية مصباح ، يتحرك رجل طوله  $1.8 m$  مبتعداً عن العمود وبسرعة  $30 m / min$  ، جد معدل تغير طول ظل الرجل .

B- جسم يتحرك على خط مستقيم بتعجيل مقداره  $18 m / s^2$  ، فإذا كانت سرعته عند الثانية الرابعة  $82 m / s$  ،  
جد : (1) المسافة التي يقطعها الجسم خلال الثانية الرابعة .  
(2) بُعد الجسم عن نقطة بداية الحركة بعد مرور ( 10 ) ثواني .

س3 : أجب عن فرعين فقط :

A) جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^3 + 4x^2 + 3x$  ومحور السينات .

B- حل المعادلة التفاضلية الآتية :  $\frac{dy}{\sin^3 x} = \frac{dx}{\tan^2 y}$

C- المستقيم  $3x - y = 7$  يمس المنحني  $y = ax^2 + bx + c$  عند  $(2, -1)$  وكانت له نهاية محلية عند  $x = \frac{1}{2}$   
جد قيمة  $a, b, c \in R$  ، وما نوع النهاية ؟

س4 : A- كؤن المعادلة التربيعية ذات المعاملات الحقيقية والتي أحد جذريها مقاسه ( 2 ) وسعته  $\frac{5\pi}{3}$  .

B- ارسم منحني الدالة  $f(x) = 2x^2 - x^4$  حسب معلوماتك في التفاضل .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- كرة حجمها  $84\pi cm^3$  ، جد نصف قطرها بصورة تقريبية باستخدام نتيجة القيمة المتوسطة .

B- ( من مستقيم غير عمودي على مستوي معلوم يوجد مستوي وحيد عمودي على المستوي المعلوم ) ، برهن ذلك .

C- جد ارتفاع أكبر اسطوانة دائرية قائمة توضع داخل كرة نصف قطرها  $4\sqrt{3} cm$  .

س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- ( إذا رسم مائلان من نقطة ما إلى مستوي ، فأصغرهما ميلاً هو الأطول ) ، برهن ذلك .

B- جد التكاملات الآتية :  
1)  $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \sec x \tan x dx$       2)  $\int x e^{x^2} dx$

C- حل المعادلة  $\frac{x^3}{i} - 27 = 0$  باستخدام نتيجة مبرهنة ديموافر .