



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س١ : A- جد قيمة كل من x, y الحقيقيتين اللتين تحققان المعادلة : $2x - 1 + 2i = 1 + (y + 1)i$

B- جد معادلة القطع الناقص الذي اختلافه المركزي يساوي $\frac{1}{2}$ ، وطول محوره الصغير (12) وحدة .

س٢ : A- جد نقطة أو نقاط تنتمي للقطع الزائد $y^2 - x^2 = 3$ بحيث تكون أقرب ما يمكن للنقطة (0, 4) .

B- مكعب طول حرفه 9.98 cm ، جد حجمه بصورة تقريبية باستخدام مبرهنة القيمة المتوسطة .

س٣ : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- إذا كانت $f(x) = ax^3 + 3x^2 + c$ نهاية عظمى محلية تساوي (8) ، ونقطة انقلاب عند $x = 1$ ، فجد قيمة $a, c \in R$

B- بين أن العلاقة $y = x^2 + 3x$ حلاً للمعادلة التفاضلية $xy' = x^2 + y$

C- جد الجذور التربيعية للعند المركب $Z = -1 + \sqrt{3}i$ باستخدام مبرهنة دي موافر .

س٤ : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- (كل مستوي مار بمستقيم عمودي على مستوي آخر يكون عمودياً على ذلك المستوي) ، برهن ذلك .

B- عمود طوله 7.2 m في نهايته مصباح ، يتحرك رجل طوله 1.8 m مبتعداً عن العمود بسرعة 30 m/min ، جد معدل تغير طول ظل الرجل .

C) حل المعادلة التفاضلية الآتية : $\sin x \cos y \frac{dy}{dx} + \cos x \sin y = 0$

س٥ : A- كَوِّن المعادلة التربيعية ذات المعاملات الحقيقية ، وأحد جذريها (5 - i) .

B- جد المساحة المحددة بين المنحني ومحور السينات $f(x) = x^4 - x^2$

س٦ : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- جسم يتحرك على خط مستقيم بتعجيل قدره 18 m/s^2 ، فإذا كانت سرعته قد أصبحت 82 m/s بعد مرور (4) ثواني من بدء الحركة ، جد : (1) المسافة خلال الثانية الثالثة .

(2) بعدة عن نقطة بدء الحركة بعد مرور (3) ثواني .

B- جد تكامل كل مما يأتي :

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{3}} \sec x \cdot \tan x \, dx$$

$$2) \int \frac{2x}{x^2 + 9} \, dx$$

C- برهن على أن : (إذا تعامد مستويان فالمستقيم المرسوم من نقطة في أحدهما عمودي على المستوي الآخر يكون محتوي فيه) .